

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيمِ

## هندسه (۳)

رشته ریاضی و فیزیک

پایه دوازدهم

دوره دوم متوجه



## وزارت آموزش و پرورش سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی

هندسه(۳) - پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه - ۱۱۲۲۱۳  
سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی  
دفتر تألیف کتاب‌های درسی عمومی و متوسطه نظری  
سیدمحمد رضا احمدی، حمید رضا امیری، علی ابرانمش، مهدی ایزدی، محمدحسن بیژن‌زاده،  
حسرو داودی، زهرا رحیمی، محمد هاشم رستمی، ابراهیم ریحانی، محمد رضا سید صالحی، میر شهرام  
صدر، اکرم قابل رحمت، طاهر قاسمی هنری و عادل محمد پور (اعضای شورای برنامه‌ریزی)  
حمید رضا امیری، ابراهیم ریحانی، محمد رضا سید صالحی، هوشنگ شرقی و هادی مین باشیان  
(اعضای گروه تالیف)  
اداره کل نظارت بر نشر و توزیع مواد آموزشی  
احمدرضا امینی (مدیر امور فنی و چاپ) - محبتبی زند (مدیر هنری، طراح جلد و صفحه‌آرا) -  
مریم دهقان‌زاده (رسام) - زهره برهانی زرنجی، سوروش سعادتمدی، فاطمه گیتی جبین،  
فاطمه صفری ذوال‌فقاری، کبری اجابتی و حمید ثابت‌کلاچاهی (امور آماده‌سازی)  
تهران: خیلیان ایرانشهر شمالی - ساختمان شماره ۴ آموزش و پرورش (شهید موسوی)  
تلفن: ۰۲۶۱-۹۸۸۳۰۹۶۶، دورنگار: ۰۲۶۱-۸۸۳۰۹۶۶، کد پستی: ۱۵۸۴۷۴۷۳۵۹  
ویگاه: [www.irtextbook.ir](http://www.irtextbook.ir) و [www.chap.sch.ir](http://www.chap.sch.ir)

شرکت چاپ و نشر کتاب‌های درسی ایران تهران: کیلومتر ۱۷ جاده مخصوص کرج - خیلیان ۶۱  
(داروپخش) تلفن: ۰۲۶۱-۴۴۹۸۵۱۶۰، دورنگار: ۰۲۶۱-۴۴۹۸۵۱۶۰، صندوق پستی: ۳۷۵۱۵-۱۳۹

شرکت چاپ و نشر کتاب‌های درسی ایران «سهامی خاص»

چاپ اول ۱۳۹۷

شابک ۹۷۸-۹۶۴-۰۵-۳۱۱۳

ISBN: 978-964-05-3113-6

نام کتاب:

بدیدآورندۀ:

مدیریت برنامه‌ریزی درسی و تألیف:

شناسه افزوده برنامه‌ریزی و تألیف:

مدیریت آماده‌سازی هنری:

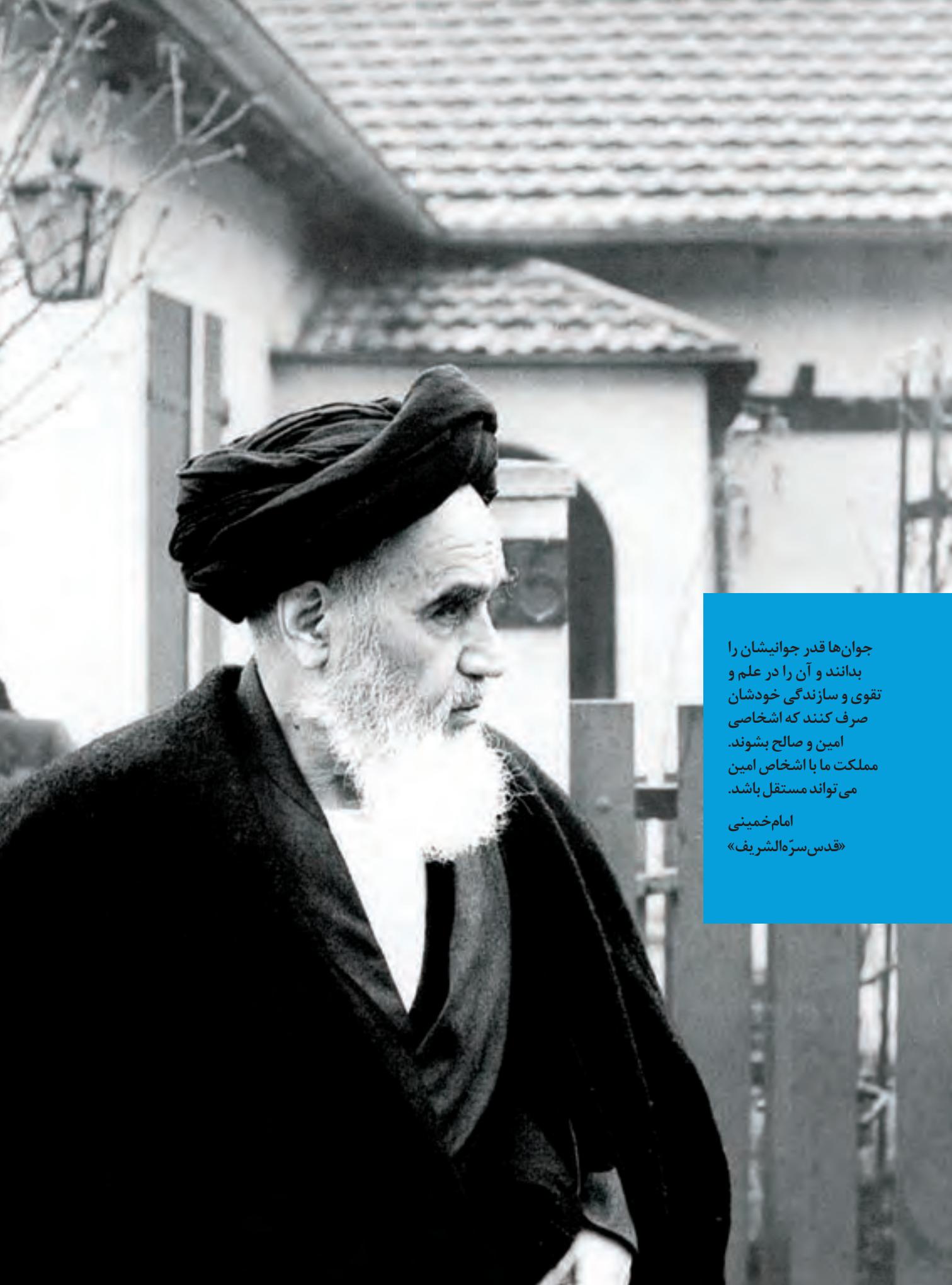
شناسه افزوده آماده‌سازی:

نشانی سازمان:

ناشر:

چاپخانه:

سال انتشار و نوبت چاپ:



جوان‌ها قدر جوانیشان را  
بدانند و آن را در علم و  
نقوی و سازندگی خودشان  
صرف کنند که اشخاصی  
امین و صالح بشوند.  
ملکت ما با اشخاص امین  
می‌تواند مستقل باشد.

امام خمینی  
«قدس سرّه الشریف»

کلیه حقوق مادی و معنوی این کتاب متعلق به سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی وزارت آموزش و پرورش است و هرگونه استفاده از کتاب و اجزای آن به صورت چاپی و الکترونیکی و ارائه در پایگاه‌های مجازی، نمایش، اقتباس، تلخیص، تبدیل، ترجمه، عکس‌برداری، نقاشی، تهیه فیلم و تکثیر به هر شکل و نوع، بدون کسب مجوز از این سازمان ممنوع است و متخلفان تحت پیگرد قانونی قرار می‌کیرند.

# فهرست

٩ .....	<b>فصل ۱ : ماتریس و کاربردها</b>
۱۰ .....	درس اول : ماتریس و اعمال روی ماتریس‌ها
۲۲ .....	درس دوم : وارون ماتریس و دترمینان
۳۳ .....	<b>فصل ۲ : آشنایی با مقاطع مخروطی</b>
۳۴ .....	درس اول : آشنایی با مقاطع مخروطی و مکان هندسی
۴۰ .....	درس دوم : دایره
۴۷ .....	درس سوم : بیضی و سهمی
۶۱ .....	<b>فصل ۳ : بردارها</b>
۶۲ .....	درس اول : معرفی فضای $\mathbb{R}^3$
۷۷ .....	درس دوم : ضرب داخلی و ضرب خارجی بردارها
۸۷ .....	منابع

## پیشگفتار

کتاب حاضر در راستای برنامه درسی ملی و در ادامه تغییر کتاب‌های ریاضی دوره دوم متوسطه تألیف شده است. یکی از تفاوت‌های مهم این کتاب با کتاب قبلی مربوط به دوره پیش‌دانشگاهی، کاهش قابل ملاحظه محتوا است. همانند پایه‌های قبلی، ساختار کتاب براساس سه محور اساسی فعالیت، کار در کلاس و تمرین قرار گرفته است. از این میان، «فعالیت‌ها» موقعیت‌هایی برای یادگیری و ارائه مفاهیم جدید ریاضی فراهم می‌کنند و این امر مستلزم مشارکت جدی دانش‌آموزان است. البته معلم هم در این میان نقشی مهم برای راهنمایی و هدایت کلی فعالیت‌ها به عهده دارد. با توجه به اینکه کتاب برای دانش‌آموزان سطح متوسط طراحی شده است، با درنظر گرفتن شرایط مختلف، امکان غنی‌سازی فعالیت‌ها و یا ساده‌سازی آنها به وسیله معلم وجود دارد. در هر حال تأکید اساسی مؤلفان، محور قرار دادن کتاب درسی در فرایند آموزش است. در همین راستا توجه به انجام فعالیت‌ها در کلاس درس و ایجاد فضای بحث و گفت‌وگو و دادن مجال به دانش‌آموز برای کشف مفاهیم به طور جدی توصیه می‌شود.

زمان کلاس درس نباید به مباحثی خارج از اهداف کتاب درسی اختصاص باید. همچنین نباید آزمون‌های مختلف خارج از مدرسه مبنای آموزش مفاهیم در کلاس درس واقع شوند، بلکه این کتاب درسی است که سطح و سبک آزمون‌ها را مشخص می‌کند. در بسیاری از موارد درباره یک مفهوم، حد و مرزهایی در کتاب رعایت شده است که رعایت این موضوع در ارزشیابی‌ها و آزمون‌های رسمی برای همه طراحان الزامی است. رعایت این محدودیت‌ها موجب افزایش تناسب بین زمان اختصاص یافته به کتاب و محتوای آن خواهد شد. شایسته است همکاران ارجمند بر رعایت این موضوع نظارت دقیق داشته باشند. روند کتاب نشان می‌دهد که ارزشیابی باید در خدمت آموزش باشد. در واقع ارزشیابی باید براساس اهداف کتاب باشد و نه موضوعاتی که احیاناً پیش از این، سال‌ها به صورت سنتی ارائه شده‌اند و یا توسط برخی از کتاب‌های غیراستاندارد توصیه می‌شوند. طرح این گونه سوالات که اهداف آموزشی کتاب را دنبال نمی‌کنند در کلاس درس و نیز در ارزشیابی‌ها، به هیچ عنوان توصیه نمی‌شود.

ارتباط بین ریاضیات مدرسه‌ای و محیط پیرامون و کاربردهای این دانش در زندگی روزمره، که به وضوح در استناد بالادستی مورد تأکید قرار گرفته است، به صورت تدریجی خود را در کتاب‌های درسی نشان می‌دهد. تلاش برای برقراری این ارتباط در تصاویر کتاب نیز قابل مشاهده است که امید است مورد توجه معلمان و دانش‌آموزان عزیز قرار گیرد.

اگر مهم‌ترین هدف آموزش ریاضی را پژوهش تفکر ریاضی بدانیم، دیگر استفاده افراطی از فرمول‌ها، الگوریتم‌ها، قواعد و دستورها بدون آگاهی از چگونگی و چرایی عملکرد آنها، جایگاهی در آموزش ریاضی مدرسه‌ای نخواهد داشت. فرصت حضور دانش‌آموز در کلاس درس را باید به سادگی از دست داد. فرایندهایی مانند استدلال، تعمیم، حل مسئله، طرح مسئله و موضوعاتی نظیر مسائل باز پاسخ، بازنمایی‌های چندگانه و گفتمان ریاضی نقش مهمی در پژوهش تفکر ریاضی دانش‌آموزان دارد.

مؤلفان از کلیه امکانات موجود نظیر سامانه اعتبارسنجی، وبگاه گروه ریاضی دفتر تألیف، پیام‌نگار (ایمیل)، دعوت از دبیران مجرب برای حضور در جلسات نقد و بررسی کتاب و دیگر رسانه‌های در دسترس برای دریافت دیدگاه‌ها، نقدها و نظرات دبیران محترم سراسر کشور بهره گرفته‌اند. در راستای مشارکت دبیران محترم ریاضی، پاره‌ای از تصاویر و عکس‌های مورد استفاده در کتاب توسط این عزیزان از استان‌های مختلف کشور به گروه ریاضی ارسال شده است، که لازم است از زحمات آنها تشکر و قدردانی شود. اعضای تیم تألیف به حضور و مشارکت جدی همکاران ارجمند در امر نقد و بررسی کتاب افتخار می‌کنند. امید که همچنان شاهد این تعامل و ارتباط مؤثر باشیم. گروه تألیف آمادگی دریافت نظرات و دیدگاه‌های تمامی همکاران و استادی را از طریق پیام‌نگار<sup>۱</sup> و وبگاه واحد تحقیق، توسعه و آموزش ریاضی<sup>۲</sup> دارد، به علاوه بسیاری از مطالب مربوط به پشتیبانی کتاب از طریق وبگاه واحد ریاضی قابل دریافت است.

## مؤلفان

۱—mathrde@gmail.com

۲—<http://math-dept.talif.sch.ir>

